

## باسمہ تعالیٰ

نام و نام خانوادگی :	سال سوم آموزش متوسطه	رشته : علوم تجربی	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تعداد صفحه:	۳ / ۳	تاریخ امتحان:	۱۳۹۵	۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در <b>نوبت خرداد</b> ماه سال ۱۳۹۵				مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>
ردیف	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید. الف) اگر اعضاي $S$ قابل شمارش باشد، آن را یک فضای نمونه ای گسته می ناميم. ب) در پرتاب دو سکه به هم، پیشامد آن که دقیقاً یک بار "رو" بیاید برابر است با $\{(P, R), (R, P)\}$ ج) اگر $A$ و $B$ دو پیشامد از فضای نمونه ای $S$ باشند و $A \cap B \neq \emptyset$ در این صورت آن ها دو پیشامد ناسازگار می ناميم. د) اگر $A = (-1, 1)$ و $B = [0, 1]$ آن گاه $A \cup B = (-1, 1)$ آورید.	۱
۱	اگر $A$ و $B$ دو پیشامد مستقل باشند به طوری که $P(A \cup B) = \frac{1}{2} P(A) + \frac{1}{2} P(B)$ آن گاه $P(B')$ را به دست آورید.	۲
۱/۵	از بین $6$ دانش آموز سال دوم و $5$ دانش آموز سال سوم می خواهیم یک تیم $3$ نفره تشکیل دهیم. احتمال هر یک از پیشامد های زیر را به دست آورید. الف) فقط دو دانش آموز از سال دوم باشند.	۳
۰/۷۵	در یک تیم والیبال $6$ نفره، چقدر احتمال دارد که هیچ دو نفری در یک روز از سال متولد نشده باشند؟ (سال را $365$ روز بگیرید).	۴
۱/۲۵	اگر $x = 2$ یک جواب معادله $\frac{2x^2}{a+x} + \frac{a-x}{x} = \frac{a}{x}$ باشد، الف) $a$ را تعیین کنید. ب) به ازای $a = 0$ ریشه دیگر این معادله را در صورت وجود به دست آورید.	۵
۱/۲۵	فرض کنید $\tan \alpha = -\frac{1}{2}$ و $\alpha$ زاویه ای منفرجه باشد، عبارت $\cos 2\alpha$ را محاسبه کنید.	۶
۱	اگر $f(x) = \begin{cases} ax - 3 & x < 0 \\ 2bx^2 + 5 & x \geq 0 \end{cases}$ باشد، داشته باشیم: $f(-2) = 3$	۷
۱	نمودار تابع $y = -2 x - 3 $ را رسم کنید.	۸
۲/۲۵	دو تابع $f(x) = \sqrt{1-x}$ و $g(x) = \sqrt{x-1}$ را در نظر بگیرید. الف) دامنه $f \circ g$ را با استفاده از تعریف به دست آورید. ب) تابع $P(x) = f(x) + g(x)$ را به دست آورید.	۹

ادامه سوالات در صفحه دوم

## با اسمه تعالیٰ

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۲	سال سوم آموزش متوسطه ۱۳۹۵/۳/۳	تاریخ امتحان:	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در <b>نوبت خرداد</b> ماه سال ۱۳۹۵ مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://ace.medu.ir">http://ace.medu.ir</a>			
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)		ردیف

۰/۷۵	در صورتی که $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = \frac{x+5}{x-1}$ را حساب کنید.	۱۰
۳	<p>هر یک از حد های زیر را به دست آورید.</p> <p>(الف) <math>\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{x+6} + x}{x^2 - 4}</math></p> <p>(ج) <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-6x + \sqrt{x+1}}{3x - \sqrt{4x^2 - 1}}</math></p> <p>(ب) <math>\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x-2}{\sin x}</math></p> <p>(د) <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 4x}{\cos 4x \sin 2x}</math></p>	۱۱
۱/۲۵	<p>اعداد <math>a</math> و <math>b</math> را چنان بیابید که تابع <math>f(x) = \begin{cases} \frac{ x  + ax}{x} &amp; x &lt; 0 \\ 2 &amp; x = 0 \\ x^3 + 4b &amp; x \geq 0 \end{cases}</math> در نقطه <math>x_0 = 0</math> پیوسته باشد.</p>	۱۲
۱/۲۵	<p>اگر <math>P(t) = 2000 + 500t^2</math> نمایش جمعیت یک نوع باکتری در زمان <math>t</math> باشد (بر حسب ساعت)،</p> <p>(الف) آهنگ متوسط افزایش جمعیت را در ۴ ساعت اول پس از زمان <math>t_0 = 1</math> به دست آورید.</p> <p>(ب) آهنگ لحظه ای افزایش جمعیت را در <math>t = 2</math> به دست آورید.</p>	۱۳
۲/۲۵	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)	۱۴
۰/۵	دامنه مشتق پذیری تابع $f(x) = 2x + \sqrt{x}$ را مشخص کنید.	۱۵
۲۰	جمع نمره "موفق باشید"	

## باسمہ تعالیٰ

رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ویاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵ / ۳ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور (خرداد ماه) سال ۱۳۹۵

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	(الف) درست (۰/۲۵) (صفحات: ۲ و ۳ و ۵ و ۲۲)	۱ (۰/۲۵) نادرست (۰/۲۵) ج) نادرست (۰/۲۵) ب) درست (۰/۲۵)
۲	$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$ (۰/۲۵) $\frac{1}{2} = \frac{2}{5} + P(B) - \frac{2}{5} \times P(B)$ (۰/۲۵) $P(B) = \frac{1}{6}$ (۰/۲۵) و $P(B') = 1 - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$ (۰/۲۵) (صفحه ۷)	۱ ۱
۳	$P(A) = \frac{\underset{(۰/۲۵)}{\overbrace{\begin{array}{ c c } \hline 6 & 5 \\ \hline 2 & 1 \\ \hline \end{array}}} }{\underset{(۰/۲۵)}{\underbrace{\begin{array}{ c } \hline 11 \\ \hline 3 \\ \hline \end{array}}} } = \frac{75}{165}$ (الف) (۰/۲۵) و $P(B) = \frac{\underset{(۰/۲۵)}{\overbrace{\begin{array}{ c c } \hline 5 & 6 \\ \hline 2 & 1 \\ \hline \end{array}}} }{\underset{(۰/۲۵)}{\underbrace{\begin{array}{ c } \hline 11 \\ \hline 3 \\ \hline \end{array}}} } = \frac{70}{165}$ (۰/۲۵) (صفحه ۹)	۱/۵
۴	$p(A) = \frac{\underset{(۰/۲۵)}{\overbrace{365}}}{\underset{(۰/۲۵)}{\underbrace{365}}} \times \frac{\underset{(۰/۲۵)}{\overbrace{364}}}{\underset{(۰/۲۵)}{\underbrace{365}}} \times \frac{\underset{(۰/۲۵)}{\overbrace{363}}}{\underset{(۰/۲۵)}{\underbrace{365}}} \times \frac{\underset{(۰/۲۵)}{\overbrace{362}}}{\underset{(۰/۲۵)}{\underbrace{365}}} \times \frac{\underset{(۰/۲۵)}{\overbrace{361}}}{\underset{(۰/۲۵)}{\underbrace{365}}} \times \frac{\underset{(۰/۲۵)}{\overbrace{360}}}{\underset{(۰/۲۵)}{\underbrace{365}}}$ (صفحه ۱۵)	۰/۷۵
۵	$\frac{a}{a+2} + \frac{a-2}{2} = \frac{a}{2}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \frac{a}{a+2} = \frac{2}{2} \Rightarrow a = 6$ (۰/۲۵) $\frac{2x^2}{x} + \frac{-x}{x} = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \frac{2x^2 - x}{x} = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = \frac{1}{2}$ (۰/۲۵) $x = 0$ غ.ق.ق (صفحه ۲۸)	۱/۲۵
۶	$\frac{1}{\cos^r \alpha} = 1 + \tan^r \alpha \Rightarrow \frac{1}{\cos^r \alpha} = 1 + \frac{1}{4} = \frac{5}{4} \Rightarrow \cos^r \alpha = \frac{4}{5}$ $\cos 2\alpha = 2\cos^r \alpha - 1 = 2 \times \left(\frac{4}{5}\right) - 1 = \frac{3}{5}$ (با توجه به این که در سؤال در اثر اشکال تایی ب جای $\frac{1}{2}$ عدد $\frac{1}{2}$ تایی شده است، در زمان تصحیح چنانچه داوطلب با $\frac{1}{2}$ حل نموده است، نمره کامل منظور گردد.) (صفحات: ۳۶ و ۳۷)	۱/۲۵

باسم‌هه تعالی

رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵ / ۳ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور (خرداد ماه) سال ۱۳۹۵

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۷	$f(-2) = -2a - 3 = 3 \quad (0/25) \Rightarrow a = -3 \quad (0/25)$ $8b + 5 = -3 \quad (0/25) \Rightarrow b = -1 \quad (0/25)$ صفحات: ۴۶ و ۵۰	۱
۸	$f(x) = \begin{cases} -2(x - 3) & x \geq 3 \\ 2(x - 3) & x < 3 \end{cases} \quad (0/25)$ رسم شکل (۰/۵) (صفحه ۵۱)	۱
۹	$D_f = (-\infty, 1] \quad (0/25), \quad D_g = [1, +\infty) \quad (0/25)$ $D_{gof} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\} \quad (0/25) \Rightarrow$ $D_{gof} = \left\{x \in (-\infty, 1] \mid \sqrt{1-x} \in [1, +\infty)\right\} \quad (0/25) \Rightarrow D_{gof} = (-\infty, 0] \quad (0/25)$ صفحه ۶۳ و ۶۵ پ) $D_p = D_f \cap D_g = \{1\} \quad (0/25),$ $P(x) = f(x) + g(x) = \sqrt{1-x} + \sqrt{x-1} \quad (0/25) \Rightarrow P = \{(1, 0)\} \quad (0/25)$	۲/۲۵
۱۰	$f(x-3) = \frac{x-3+\lambda}{x-3+2} \quad (0/25) \Rightarrow f(t) = \frac{t+\lambda}{t+2} \quad (0/25)$ $\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \frac{4}{3} = 3 \quad (0/25)$ صفحه ۱۸۶	۰/۷۵
۱۱	$\text{الف) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x+6-x^2}{(x-2)(x+2)(\sqrt{x+6}-x)} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{-(x+2)(x-3)}{(x-2)(x+2)(\sqrt{x+6}-x)} = \frac{-5}{16} \quad (0/25)$ $\text{ب) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-2}{\sin x} = \frac{-2}{0^-} = +\infty \quad (0/25)$ $\text{ج) } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-9x}{3x-2x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-9x}{x} = -9 \quad (0/5)$ $\text{د) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{\cos \varphi x} \times \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan \varphi x}{\sin 2x} = \frac{1}{(\cos 0)^2} \times \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{x}{\varphi}}{\frac{\sin 2x}{2x}} = \frac{1}{1} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \quad (صفحات ۸۹-۹۴-۱۰۳-۱۱۴)$	۳

## با سمه تعالی

رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ویاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۳/۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://ace.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور (خرداد ماه) سال ۱۳۹۵

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \left( \frac{ x }{x} + a \right) = -1 + a \quad (0/25)$ $\Rightarrow -1 + a = 4b = 2 \quad (0/25)$ $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^+} (x^r + 4b) = 4b \quad (0/25)$ $\Rightarrow a = 3 \quad (0/25), \quad b = \frac{1}{4} \quad (0/25)$	۱/۲۵
۱۳	<p>(الف) <math>\frac{p(5) - p(1)}{4} = \frac{14500 - 2500}{4} = 3000 \quad (0/25)</math></p> <p>(ب) <math>p'(t) = 1000t \quad (0/25) \Rightarrow p'(2) = 2000 \quad (0/25)</math></p>	۱/۲۵
۱۴	$f'(x) = \frac{\frac{(0/25)}{2(x+5)} - \frac{(0/25)}{2x-4}}{\frac{(0/25)}{x+5} \sqrt{\frac{(0/25)}{x+5}}} \quad (\text{الف})$ $g'(x) = \underbrace{4(3\cos 3x)}_{(0/25)} \underbrace{(1+\sin 3x)^r}_{(0/25)} \times \tan \underbrace{\left(\frac{1}{x}\right)}_{(0/25)} + \underbrace{\left(\frac{-1}{x^r}\right)}_{(0/25)} \underbrace{(1+\tan^r \frac{1}{x})}_{(0/25)} \times \underbrace{(1+\sin 3x)^4}_{(0/25)} \quad (\text{ب})$	۲/۲۵
۱۵	$f'(x) = 2 + \frac{1}{2\sqrt{x}} \quad (0/25) \Rightarrow D_{f'} = (0, +\infty) \quad (0/25)$	۰/۵

با سلام و خسته نباشید، مصححین محترم، لطفاً برای راه حل های درست دیگر بارم را به تناسب تقسیم نمائید.